



Теория алгоритмов

Лекция 5

Основы алгоритмов компрессии данных.

```
graph TD
    13((13)) --- 8((8))
    13 --- 17((17))
    8 --- 1((1))
    8 --- 6((6))
    17 --- 11((11))
    17 --- 25((25))
    11 --- 15((15))
    11 --- 22((22))
    25 --- 27a((27))
    25 --- 27b((27))
    1 --- NIL1[NIL]
    6 --- NIL2[NIL]
    15 --- NIL3[NIL]
    22 --- NIL4[NIL]
    27a --- NIL5[NIL]
    27b --- NIL6[NIL]
```

The screenshot shows a code editor with a C++ file named `gates.cpp`. The code defines a Huffman tree structure and a function to process a bit stream. The bit stream is `1 8 2 4 3 9 6 7`. The Huffman tree is built from these symbols. The root node is 13. The tree structure is as follows:

- Root: 13
- Level 1: 8 (left), 17 (right)
- Level 2: 1 (left of 8), 6 (right of 8); 11 (left of 17), 25 (right of 17)
- Level 3: 15 (left of 11), 22 (right of 11); 27 (left of 25), 27 (right of 25)
- Level 4: NIL (left of 1), NIL (right of 1); NIL (left of 15), NIL (right of 15); NIL (left of 27), NIL (right of 27)

Виды сжатия

Виды алгоритмов сжатия

```
graph TD; A[Виды алгоритмов сжатия] --> B[Без потерь]; A --> C[С потерями];
```

Без потерь

После декомпрессии
или обработки
последовательность
бит **в точности**
соответствует
исходным данным

С потерями

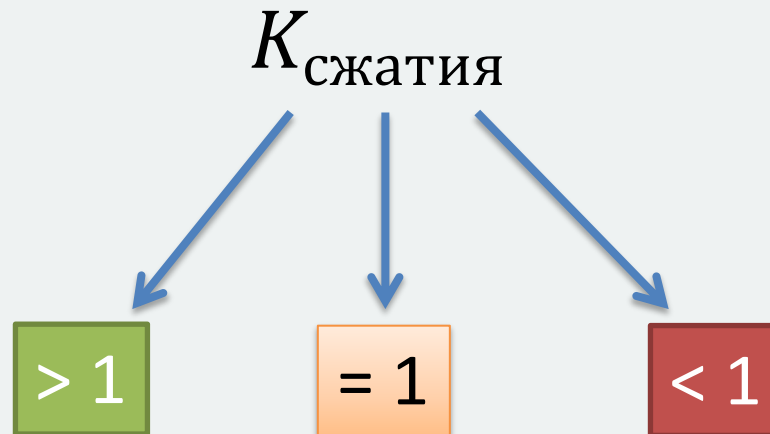
После декомпрессии
или обработки
последовательность
бит **не соответствует**
исходным данным, но
это не является
принципиальным
моментом с точки
зрения дальнейшей
работы

Коэффициент сжатия

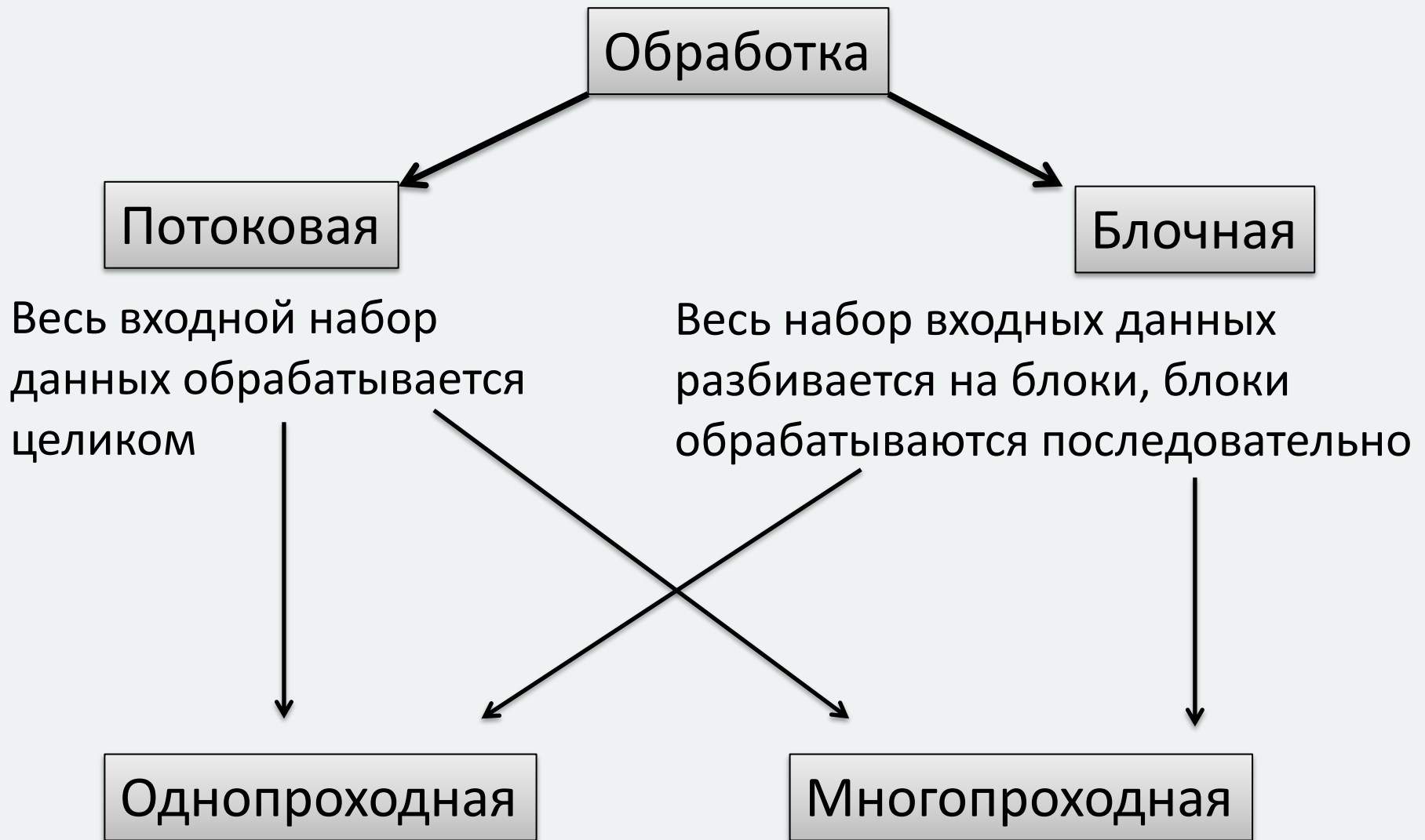
$$K_{\text{сжатия}} = \frac{L_{\text{исходных данных}}}{L_{\text{результата}}}$$

Коэффициент сжатия
определяет
эффективность алгоритма
сжатия

Какие значения может
принимать
коэффициент сжатия
данных?



Типы обработок данных





7-битная передача текстовых данных

При 7-ми битном кодировании используются всего 7 бит из 8-ми на каждый байт.

Объём передаваемых данных: $8 \cdot (N-1)$ бит

10 байт – 80 бит – 70 бит – 9 байт, $\Delta=1$ байт

1Кб - 8192 бита – 7168 бит – 896 байт, $\Delta=128$ байт

1Мб – 8388608 бит – 7340032 бит – 896Кб, $\Delta=128$ Кб

Стоит ли из-за 900Кб возиться
с алгоритмами
компрессии/декомпрессии?

$\Delta=128$ Кб при скорости
14400 бод даёт
сокращение в 2 минуты!

	.	0	.1	.2	.3	.4	.5	.6	.7	.8	.9	.A	.B	.C	.D	.E	.F
0.																	
1.																	
2.																	
3.																	
4. ASCII	.	"	#	\$	%	&	'	()	*	+	,	-	.	/		
5.	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	:	<	=	>	?		
6.																	
7.																	
8.																	
9.																	
A.	B	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	
B.	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	[\]			
C.																	
D.																	
E.	a	b	c	d	e	f	g	h	i	j	k	l	m	n	o		
F.	p	q	r	s	t	u	v	w	x	y	z						

Алгоритм Хаффмана (6)

Тестовая последовательность:

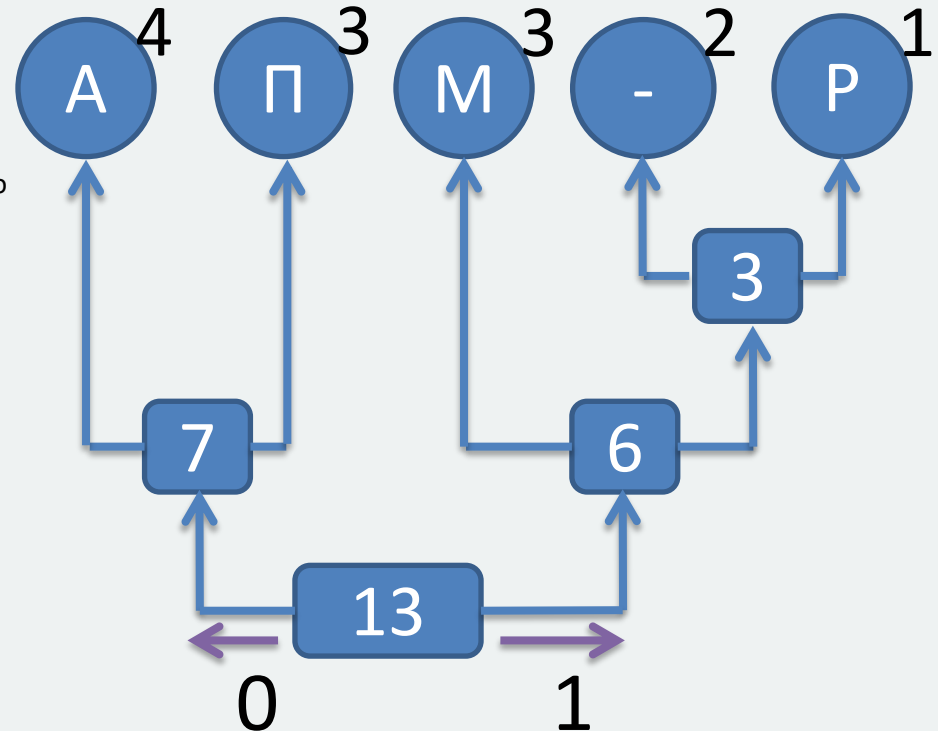
ПАРАМ-ПАМ-ПАМ

Алгоритм:

1. проходим по всему набору данных, посчитаем частоты вхождения символов
2. сортируем символы по частоте, с которой они встречаются в наборе данных
3. начинаем строить дерево
 - 3-а. выбираем 2 символа с минимальными частотами, заносим в дерево
 - 3-б. повторяем операцию, наращиваем глубину (высоту) дерева, добавляя к созданному элементу те, которые имеют минимальную частоту.
4. Выполняем проверку: убеждаемся, что итоговое значение равно сумме частот появлений символов

5. Строим таблицу путей по дереву для каждого из символов

А	00
П	01
М	10
-	110
Р	111





Алгоритм LZW (1)

Тестовая последовательность:
ПАРАМ-ПАМ-ПАМ

Лемпель, Зив, Уэлч

Алгоритм:

```
STR = data[0];  
i = 1;  
while (i < data.length) {  
    SYM = data[i];  
  
    if (LUT.find(STR + SYM) )  
        STR = STR + SYM;  
    else {  
        out << LUT.code_for(STR);  
        LUT.add(STR + SYM);  
        STR = SYM;  
    }  
    ++i;  
}
```


Потоковые алгоритмы vs Блочные алгоритмы

Последовательность данных

$$K_{\text{сжатия}} < 1$$



Подпоследовательность
данных-1

$$K_{\text{сжатия_блок1}}$$

Подпоследовательность
данных-2

$$K_{\text{сжатия_блок2}}$$

Подпоследовательность
данных-3

$$K_{\text{сжатия_блок3}}$$

```
data.block[i].compress();
```

```
if (data.block[i].koeff > 1)
```

```
    write(data.block[i].compressed)
```

```
else
```

```
    write(data.block[i].uncompressed);
```

Блочный алгоритм: архиватор ZIP



Блочный алгоритм: архиватор bz2

Работа алгоритма основана на преобразовании Барроуза-Уиллера (BWT)

Алгоритм компрессии:

1. для входной последовательности организуется циклическая перестановка со сдвигом влево, все возможные комбинации;
2. получившаяся последовательность строк сортируется лексикографически;
3. запоминаем последний столбец – это наш блок данных;
4. запоминаем номер исходной строки;
5. кодируем блок обычным алгоритмом, например LZW;

Блочный алгоритм: архиватор bz2 - декомпрессия

Алгоритм декомпрессии:

1. декодируем блок данных;
2. создаём пустую квадратную матрицу по числу символов;
3. выписываем декодированную последовательность в первый пустой столбец матрицы, начиная справа;
4. сортируем матрицу построчно;
5. повторяем пункты 3-4, пока не заполним матрицу;
6. в строке с запомненным номером хранится исходная строка;

Алгоритмы сжатия

Виды алгоритмов сжатия

Без потерь

- RLE (PCX, BMP, TGA, TIFF)
- Huffman (PNG)
- LZW (GIF)



С потерями



Алгоритмы сжатия видеоданных

Алгоритмы сжатия

```
graph TD; A[Алгоритмы сжатия] --> B[Пространственные]; A --> C[Временные];
```

Пространственные

Сжатие
производится в
пределах
одного кадра

Временные

Сжатие
производится
для нескольких
кадров

Сжатие с потерями: JPEG

JPEG

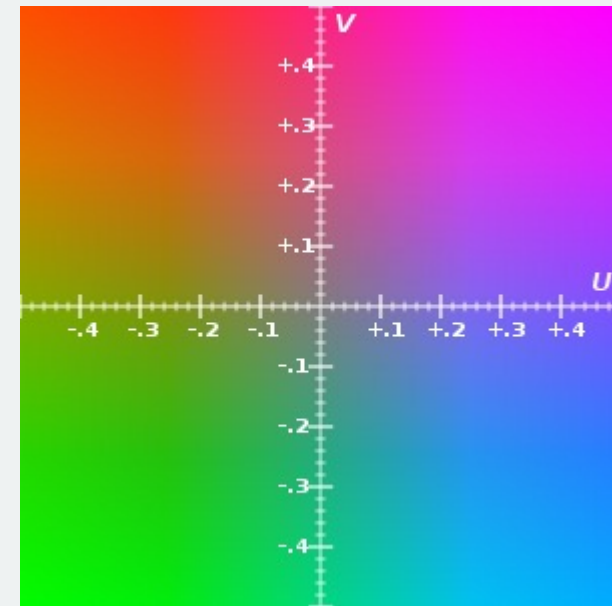
Joint Photographic Experts Group

Основан на переводе RGB в YUV

Y – яркость

U – синяя цветоразностная компонента

V – красная цветоразностная компонента



$$Y = 0.299 * R + 0.587 * G + 0.114 * B;$$

$$U = -0.14713 * R - 0.28886 * G + 0.436 * B + 128;$$

$$V = 0.615 * R - 0.51499 * G - 0.10001 * B + 128;$$

$$R = Y + 1.13983 * (V - 128);$$

$$G = Y - 0.39465 * (U - 128) - 0.58060 * (V - 128);$$

$$B = Y + 2.03211 * (U - 128);$$

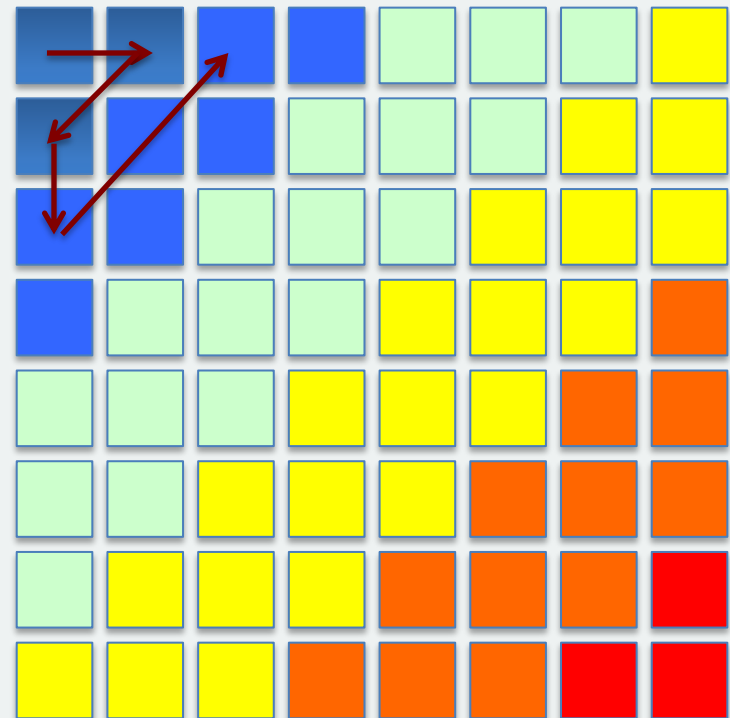
Алгоритм компрессии JPEG

перевод RGB в YUV

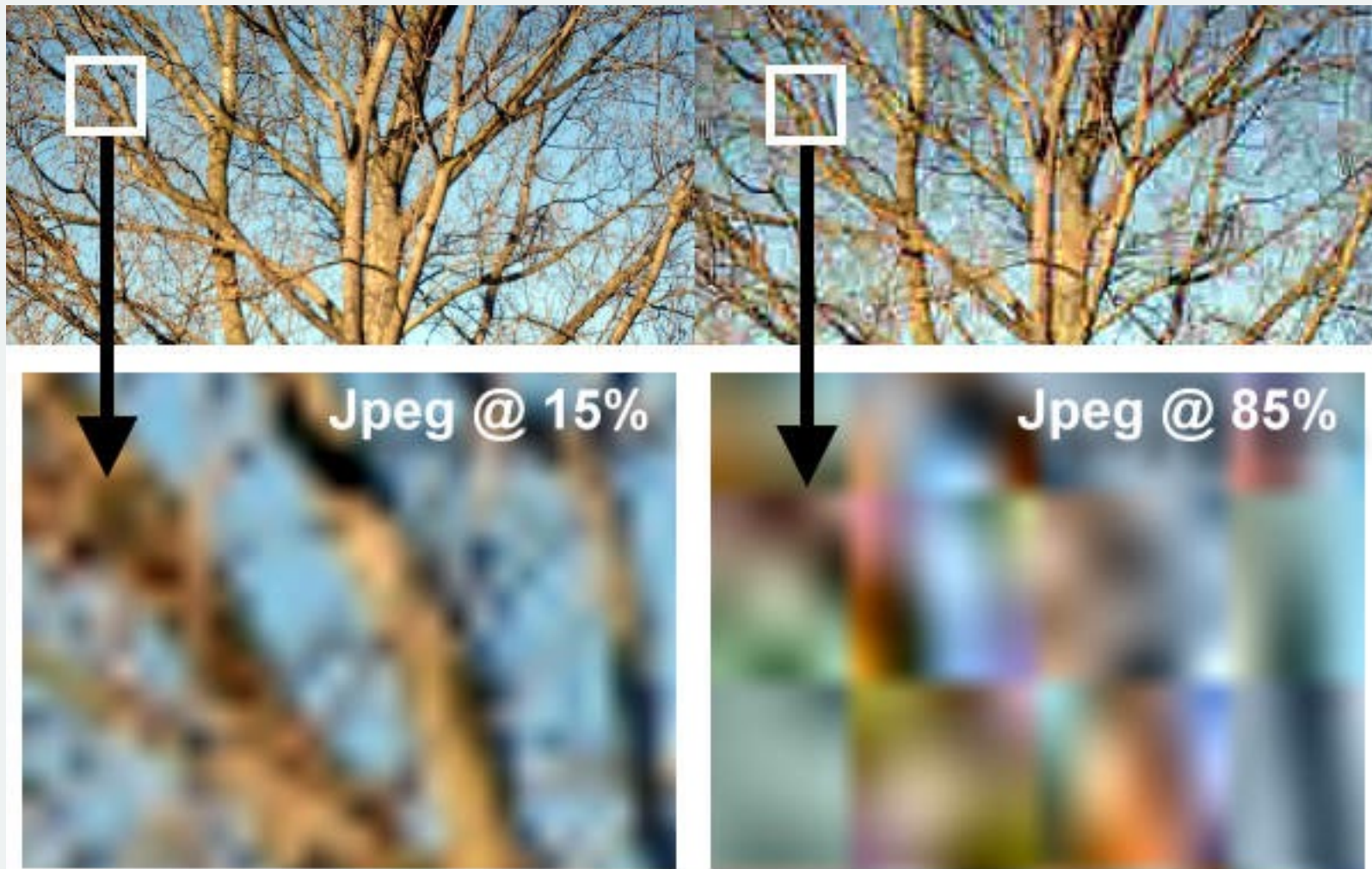
паковка группами по 8x8
пикселей

применяется дискретное
косинусное
преобразование –
группировка по частотам
в изображении

применяется алгоритм
кодирования Хаффмана



Примеры формата JPEG с разной степенью сжатия (1)



Сжатие видеопотока: деинтерлейсинг



Сжатие видеопотока: временное сжатие





Разница кадров с компенсацией



Сжатие видеопотока: временное сжатие

